日本建築学会構造系論文集 第88巻 第805号, 437-446, 2023年3月 J. Struct. Constr. Eng., AIJ, Vol. 88, No. 805, 437-446, Mar., 2023 DOI https://doi.org/10.3130/aijs.88.437

慣性質量ダンパーを用いた連結制振建物の信頼性に基づくロバスト最適設計 RELIABILITY-BASED ROBUST DESIGN OPTIMIZATION FOR BUILDING-CONNECTING INERTIAL-MASS DAMPER

村瀬 充^{*1}, 竹脇 出^{*2}

Mitsuru MURASE and Izuru TAKEWAKI

In this paper, we propose an accurate and efficient reliability evaluation method for robust design optimization using a probabilistic approach. First, we verify the validity of this method using two benchmark functions. Then, we apply this method to the robust design optimization problem of building-connecting damper parameters and verify the effect of robust design. We consider the variation of the natural period and structural damping ratio of buildings, and directly evaluate the criteria satisfaction rate (CSR) using the response value calculated by time-history response analysis.

Keywords: Variability analysis, Reliability-based design optimization, Robustness, Inertial mass damper, Building-connection vibration control ばらつき解析,信頼性最適設計,ロバスト性,慣性質量ダンパー,連結制振

1. 序

近年,建築物の最適設計に関する研究が数多く報告されており^{例え} ^{は1-5},外乱や構造物特性の不確定性を考慮したロバスト設計やロバ スト最適設計に関する研究も報告されている⁶⁻¹⁷。これらの不確定 性は,確率的に取り扱う方法(probabilistic approach)と非確率的に取 り扱う方法(possibilistic approach)に大別される。

非確率的な不確定性を取り扱う理論は、ばらつき変数の変動幅を 指定し、区間解析の、凸最適化のあるいは多項式近似%により最悪応 答値を評価する手法や、ばらつき変数の変動幅を議論しない最悪ケ ース解析手法 9.10)が提案されている。また、ロバスト性の定量的評価 手法として、区間内の最悪応答値がクライテリアと一致するときの 変動幅をロバスト性指標とする Info-gap ロバストネス解析 8,11,12,13)が 提案されている。これらの理論を用いたロバスト最適設計に関する 研究として,藤田ら⁸⁾は時刻歴応答解析による最大応答値を Taylor 展開により高精度に予測する手法を用いて、構造物の物性ばらつき を考慮したロバスト最適化手法を提案した。寒野ら¹³⁾は、2つのイ ンパルス入力を用いて弾塑性建物の共振時最悪応答値を表現する手 法を利用し、1 質点モデルの固有周期や降伏変位等のばらつきを考 慮したロバスト性評価手法を提案した。山川ら14は、順序統計量に 基づき最悪応答値を予測する手法を用いて、地震動の周期特性およ び構造物の物性ばらつきを考慮したロバスト最適化手法を提案した。 これらの手法は、設定したばらつき条件において目標性能を 100% 満足する設計解を得るものであるが、場合によっては過剰設計につ

ながる可能性があることが指摘されている。

一方,不確定性を確率的に取り扱うものとしては,信頼性理論に 基づく研究 18-26)が数多く展開されている。一般的に、応力解析や応 答解析に基づく建物の性能評価は計算負荷が大きく、不確定性を有 する建物の性能が目標性能を満足する確率を直接求めることは容易 ではない。そこで、一次信頼性評価法(FORM)や確率モーメントを用 いてそれらを発展させた手法による近似法が提案されている^{例えば} 18,19)が,限界状態関数を線形近似あるいは曲面近似するため,性能関 数が強非線形性を有する場合には精度に課題があると指摘されてい る。また,性能関数を応答曲面(Response Surface Method: RSM)で近 似し, RSM を用いたモンテカルロシミュレーション(MCS)により確 率を直接求める手法も提案されており、多項式で近似する例 20,21,22) やクリギングで近似する例 ^{23,24)}が報告されている。一方, ロバスト 性最適化事例と比べ, 信頼性に基づく最適設計(Reliability-Based Design Optimization: RBDO)の報告例^{25,26)}は少なく,目標性能を満足 する確率を直接求めた RBDO 例はほとんどない。RBDO により、設 定したばらつき条件内の目標性能を満足する確率(Criteria Satisfaction Rate: CSR)を明示し、CSR と許容ばらつき量や、CSR と コスト指標のトレードオフ関係を得ることができる。この情報は, 建物の被災リスクや供用期間の情報と併せて、ライフサイクルコス トの最適設計に有用である。

本論文では,著者らが前報^{27,28)}で報告した慣性質量ダンパー (IMD: Inertial Mass Damper)を用いた連結制振建物に対し,構造物

*1 清水建設㈱技術研究所 研究員·修士(工学)

*² 京都大学大学院工学研究科建築学専攻 教授·工博

Research Engineer, Institute of Technology, Shimizu Corporation, M. Eng. / Graduate Student, Dept. of Architecture and Architectural Eng., Kyoto Univ. Prof., Dept. of Architecture and Architectural Eng., Kyoto Univ., Dr. Eng.

[/] 京都大学大学院工学研究科博士後期課程学生

の物性ばらつきを考慮した連結ダンパーのロバスト最適設計法を展 開し,物性ばらつきを考慮しない最適設計の結果と比較することで, ロバスト最適設計の効果を確認することを主目的としている。ロバ スト最適設計問題の解法としては,応答曲面の高精度高効率近似手 法の導入により,目標性能を満足する確率を直接算出する新しい RBDO 手法を提案する。提案 RBDO の妥当性は,複数のベンチマー ク関数を利用して MCS や既往手法と比較することで確認する。な お,本論文において,設計変数のばらつきに対して建物の応答が設 計クライテリアを満足する能力(確率)をロバスト性と定義する。

Ben-Haim の提唱した Info-gap ロバストネス関数 ¹¹)と RBDO にお ける CSR 関数の関係を Fig. 1 に示す。ここで、Fig. 1 の左の図の横 軸は性能クライテリアpを表し、グラフの右側ほど性能クライテリ アが緩和されていることを示す。また、Fig. 1 の左の図の縦軸はモデ ルが性能クライテリアを満足する最大許容変動幅であり、値が大き いほどロバスト性が高い。Info-gap ロバストネス関数は、最悪応答 値と性能クライテリアが一致するときの最大許容変動量を示すため CSR100%に相当し、RBDO の概念を導入することで、Info-gap ロバ ストネス関数を拡張することができる。性能要求p'に対する CSR100%の最大許容変動量を \hat{a}_{100} と表す。一方、CSR95%を許容し た場合、同じ性能要求を満たす最大許容変動量 \hat{a}_{95} は常に $\hat{a}_{95} > \hat{a}_{100}$ の関係を満たす。言い換えると、不確定性を有する建物の性能が目 標性能を一部満足しないことを許容することで、最大許容変動量は 増大する。ただし、 $\hat{a} = 0$ はばらつきを考慮しないことを意味するた め、CSR を定義することはできない。

2. 提案 RBDO 手順

提案 RBDO の手順を Fig.2 および以下に示す。ここでは,設計パ ラメターxのノミナル値 x が設計変数であるものとし,ここでの RBDO は CSR と Info-gap ロバストネス関数の同時最適化,あるいは CSR とコスト指標の同時最適化を想定する。

- 手順(1) 設計パラメター**x**のノミナル値**x**およびばらつき幅 α を指 定する。ここで、 $\mathbf{\tilde{x}} = \mathbf{\tilde{x}}_1, \mathbf{\tilde{x}}_2, \dots, \mathbf{\tilde{x}}_n$, $\alpha = \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ とし たとき,設計区間**x**($\mathbf{\tilde{x}}, \alpha$)は次式で表される。
 - $\mathbf{x}(\tilde{\mathbf{x}}, \boldsymbol{\alpha}) = \{x_i | [\tilde{x}_i \alpha_i \Delta x_i, \tilde{x}_i + \alpha_i \Delta x_i], i = 1, 2, \dots, n\}$ (1) ただし、 Δx_i は設計パラメター x_i のばらつき変動基準, iは設計パラメター番号, nは不確定設計パラメター数を 示す。
- 手順(2) 設計区間x(x, α)に対して目標性能を満足する確率 CSR を逐次更新クリギング (Adaptive Kriging : AK)およびモ ンテカルロシミュレーション(MCS)により算出する。こ の手法は AK-MCS と呼ばれる²³⁾。



Fig. 1 Relation between Info-gap robustness function and RBDO

手順(3) 指定した \tilde{x} および α より、コスト、CSR、 α の関係を得る。

- 手順(4) 手順(1)で指定したノミナル値 \hat{x} およびばらつき幅 α と異 なるノミナル値 \hat{x} およびばらつき幅 α を指定し、 \hat{x} や α に 対して手順(1)~手順(3)を繰り返す。
- 手順(5) CSR と aや CSR とコストのパレート解集合を得る。

上記のように、RBDO では計算負荷の大きい CSR 計算を多数回実 施する必要があるため、1回のCSR計算における解析実施回数をで きる限り少なくすることが望ましい。本論文では, CSR 計算におけ る計算時間の短縮のため、性能関数を応答曲面法(RSM)により近似 し、得られた応答曲面を利用してモンテカルロ法による数値計算で CSR を算出する。ここで、CSR を高精度に算出する際に最も重要な クライテリア境界面の効率的探索のため、応答曲面は確率論に基づ く空間内挿法であるクリギングを用いる。クリギングは、サンプル 位置からの距離を元に既存サンプル位置の応答結果を用いた線形結 合で表現する。このとき, 推定点の推定応答値の平均値および推定 誤差分散(推定値の不確かさ)を計算できる。さらに、計算を効率 化するため, 初期サンプル数を減らし, クライテリア境界面付近で あると推定される領域(後述の式(6)を満たす領域)内において、既 往のサンプル取得点からの距離が最も大きくなる点に追加サンプル を取得する逐次更新クリギングを用いる。この選択方法は, Echard ら²³⁾や北原ら²⁴⁾が提案した方法では考慮されていない新しい方法で ある。

提案 RBDO の手順(2)の詳細を Fig. 3 および以下に示す。

- 手順(2-1) k個の初期サンプルの解析を行う。初期サンプルはば らつき区間内で等間隔に設定し、得られた応答値(真 値)をz_jとおく。ただし、j は解析ケース番号を示し、 j = 1,2,…,kとする。
- 手順(2-2) サンプルの解析結果およびサンプル取得位置間の距 離hの関係から,バリオグラムγ(h)を設定する。

なお,バリオグラムとはデータ間の空間相関性に相当し,既往の 例と同様に,以下の式で表されるガウスモデルを用いる。また,各 係数は経験バリオグラムと理論バリオグラムの誤差 2 乗和 RSS を 最小とする最小2乗法を用いて設定する。

 $\gamma(h) = b + (c - b)[1 - exp\{-(h/a)^2\}]$ (2) ここで, *a*, *b*, *c*はそれぞれレンジ,ナゲット,シルと呼ばれる。本論 文では,ナゲット(距離ゼロにおける非類似度の変動)は0とする。



Fig. 2 RBDO flowchart

手順(2-3) バリオグラムを用いてばらつき区間内の推定応答の 平均値z*(x)および推定誤差分散σ*2(x)を通常クリギ ングで計算する。以降,*を推定値として真値と区別し て表す。

ここで, 推定点を $x_0 \in x$ としたとき, $z^*(x_0)$ および $\sigma^{*2}(x_0)$ はそれぞれ 以下の式で表される。

$$z^*(\boldsymbol{x}_0) = \sum_{j=1}^k \omega_j z_j \tag{3a}$$

$$\sigma^{*2}(\boldsymbol{x}_0) = \sum_{j=1} \omega_j \gamma(\boldsymbol{h}_{0,j}) + \mu$$
(3b)

ただし、 $\boldsymbol{\omega} = \{\omega_j | j = 1, 2, ..., k\}$ はクリギング係数、 $\gamma(\boldsymbol{h}_{0,j})$ は推定点と 既存サンプル位置の距離に応じたバリオグラム、 z_j は初期サンプル 点 (*j*点) における応答である。また、クリギング係数 $\boldsymbol{\omega}$ およびラグ ランジュ未定乗数 μ は、以下のクリギング方程式から計算できる。

$$\begin{pmatrix} \omega_{1} \\ \vdots \\ \omega_{k} \\ \mu \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma(h_{1,1}) & \cdots & \gamma(h_{k,1}) & 1 \\ \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ \gamma(h_{1,k}) & \cdots & \gamma(h_{k,k}) & 1 \\ 1 & \cdots & 1 & 0 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} \gamma(h_{0,1}) \\ \vdots \\ \gamma(h_{0,k}) \\ 1 \end{pmatrix}$$
(4)

クリギングは内挿法であるため,サンプル位置での推定応答値 $z^*(x_j)$ は応答値(真値) $z(x_j)$ と一致し,既存サンプル位置からの距 離が遠いほど推定誤差分散 $\sigma^{*2}(x)$ は大きくなるという特徴がある。

手順(2-4) クリギングの応答推定値の不確実性を考慮するため, 応答推定値の平均値に対し安全側に+2 σ *(**x**)を考慮す る。応答曲面z*(**x**)およびz*(**x**) + 2 σ *(**x**)に対し,**x**の確 率密度関数 $f_X(\mathbf{x})$ を用いてクライテリアを満足する確 率 $P(z^*(X) \leq C), P(z^*(X) + 2\sigma^*(X) \leq C)$ を(5)式に示す。 なお,(5)式はn = 2のときを例示する。また,(5)式の 多重積分はモンテカルロ法による数値計算により評 価する。

$$P(z^*(\mathbf{X}) \le \mathbb{C}) = \iint_{z^*(\mathbf{X}) \le \mathbb{C}} f_X(\mathbf{X}) d\mathbf{X}$$
(5a)

 $P(z^*(\boldsymbol{X}) + 2\sigma^*(\boldsymbol{X}) \le \mathbb{C}) = \iint_{z^*(\boldsymbol{X}) + 2\sigma^*(\boldsymbol{X}) \le \mathbb{C}} f_{\boldsymbol{X}}(\boldsymbol{X}) d\boldsymbol{X}$ (5b)

ここで, Cはクライテリアの値を示す。

- 手順(2-5) P(z*(X) ≤ C)とP(z*(X) + 2σ*(X) ≤ C)の差の比率が 1%未満となった場合, CSR = P(z*(X) + 2σ*(X) ≤ C)と する。1%以上となった場合は, クライテリア境界の精 度向上のため新たにサンプル取得を取得する。
- 手順(2-6) 本手法では、クリギングの応答曲面上において、応答 推定値の±2σ*以内にクライテリアCを含む領域を「ク ライテリア境界面付近にあると推定される領域」とす る。上記の領域は(6)式で表現できる。これらの領域の 中から、既往サンプル点からの最小距離h_{min} = min(h₁, h₂, … h_k)が最大となる点を新しいサンプル点 として解析を行う。

$$|z^*(x) - C| / \sigma^*(x) < 2$$
(6)

k+1個のサンプル位置に対し手順(2-2)以降を行い,手 順(2-5)の不等式を満足するまで繰り返す。なお,上記 の候補となる点が複数個存在する場合,(6)式の左辺の 値が最も小さい点を新しいサンプル点とする。



手順(2-5)の判定は、クリギング推定値が正規分布に従うものと仮 定したとき、信頼区間約 95%で CSR の値の誤差が 1%以内となるこ とを表している。

3. 提案 RBDO の検証

2種類のベンチマーク関数を用いて,提案手法による RBDO の妥 当性の検証を行う。提案 RBDO はクライテリア境界の推定が重要で あるため,ここでは、2変数のばらつきを考慮した建築物の応答曲 面とクライテリアとの境界線として凸形,非凸形の2パターンを考 慮し、ベンチマーク関数を選択した。

①関数 A (Rosenbrock)

2 変数の Rosenbrock 関数の真値を(7a)式で表す。ノミナル値 $x = \{\tilde{x}_1, \tilde{x}_2\}$ を設計変数とし、 \tilde{x}_1, \tilde{x}_2 がそれぞれノミナル値から α_1, α_2 だけ ばらつくときのクライテリアを満足する確率を考える。なお、例題 ではいずれのばらつきも一様分布と仮定する。また、クライテリア はC = 500と設定した。設計区間 $x(\tilde{x}, \alpha)$ は(7b)式で表される。

$$z(\mathbf{x}) = 100(x_2 - x_1^2)^2 + (x_1 - 1)^2$$
(7a)

$$f(\alpha) = \{x_i | [\tilde{x}_i - \alpha_i, \tilde{x}_i + \alpha_i], i = 1, 2\}$$
(7b)

Fig. 4 に, ノミナル値を $\tilde{x}_1 = \tilde{x}_2 = 0$, ばらつきを $\alpha_1 = \alpha_2 = 2$ としたときの応答曲面(真値), クライテリア境界および $z(x) \leq C$ の領域を示す。このとき, MCS(解析回数 15000 回)によるクライテリアを満足する確率 CSR の正解値は 0.708 である。

提案手法は,初期サンプルを25点(5×5グリッド)とし,2節で示した手順でCSRを算出する。

Fig.5 に、クライテリア境界の収束状況を示す。黒点が MCS で求 めたクライテリア境界の正解値であり、青点がクリギングで求めた 応答曲面において式(6)を満たす点群である。青点群の幅が小さいほ どクライテリア境界付近の推定誤差が小さいことを表す。提案手法 は青点群の中で、白抜き点で示した既存のサンプル点からの距離が 最も遠い赤点を追加サンプル点とする。追加サンプル点を含めて新 たに作成した応答曲面では、追加サンプル点付近の青点群の幅が小 さくなっており、クライテリア境界をより正確に求められている。 このような操作を繰り返し実施し、手順(2-5)の判定式が成立したと







(e) Iteration No. 4 (f) Iteration No. 7 (converged) Fig. 5 Convergence of criteria border (Rosenbrock function) きの収束状況を Fig. 5(f)に示す。提案手法の CSR 計算値は 0.707 であり, MCS による正解値との誤差は 1%以内である。

②Threehump-camel 関数

2 変数の Threehump-camel 関数の真値を(8)式で表す。ノミナル値 の範囲およびばらつき量は Rosenbrock 関数の場合と同様とし、クラ イテリアはC = 2と設定した。

$$z(\mathbf{x}) = 2x_1^2 - 1.05x_1^4 + x_1^6/6 + x_1x_2 + x_2^2$$
(8)

Fig. 6 に, ノミナル値を $\hat{x}_1 = \hat{x}_2 = 0$, ばらつきを $\alpha_1 = \alpha_2 = 2$ としたときの応答曲面(真値), クライテリア境界および $z(x) \leq C$ の領域を示す。このとき, MCS (解析回数 15000 回) によるクライテリアを満足する確率 CSR の正解値は 0.600 である。

提案手法は,初期サンプルを25点(5×5グリッド)とし,2節で示した手順でCSRを算出する。

Fig. 7 に、クライテリア境界の収束状況を示す。Rosenbrock 関数 の場合と同様、サンプル点を追加するごとに追加サンプル点付近の 青点群の幅が小さくなっており、クライテリア境界をより正確に求 められている。このような操作を繰り返し実施し、手順 2-5 の判定 式が成立したときの収束状況を Fig. 7(f)に示す。提案手法の CSR 計 算値は 0.602 であり、MCS による正解値との誤差は 1%以内である。

③RBDO 結果

本例題の RBDO は、CSR と Info-Gap ロバストネス関数の同時最 適化問題とする。いずれのベンチマーク関数も、ノミナル値の範囲 は $-5 \leq \hat{x}_1, \hat{x}_2 \leq 5$ 、ばらつき量は $0 < \alpha_1 = \alpha_2 \leq 5$ とすると、最適化問 題は以下のように表すことができる。

maximize
$$\begin{cases} CSR \\ \hat{\alpha} \end{cases}$$
 (9)

subject to
$$\begin{cases} -5 \le x_i \le 5 \ (i = 1, 2) \\ 0 \le \hat{\alpha} \le 5 \end{cases}$$
(10)

ここで、*â*は、既往の Info-gap ロバストネス関数の定義を拡張し、 CSR を制約条件としたときの変動パラメターの許容最大変動幅で あり、下式で定義される。

$$\hat{\alpha}(\mathbf{x}, \text{CSR}) = \max[\alpha | P(z^*(\mathbf{X}) + 2\sigma^*(\mathbf{X}) \le C) = \text{CSR}]$$
(11)



Fig. 6 Threehump-camel function

この最適化問題は、指定したばらつき量に対し CSR が最大となる ようなノミナル値を探索する最適化を、様々なばらつき量で繰り返 し実施する問題といえる。CSR = 100%のときの最大âが既往の Infogap ロバストネス関数に対応している。

最適化には modeFRONTIER²⁹⁾を用いる。アルゴリズムは遺伝的ア ルゴリズムによる発見的手法に基づく pilOPT を採用する。

それぞれのベンチマーク関数の RBDO 結果のパレート解集合を Fig.8に示す。グラフは、CSR の算出方法を MCS としたケース(正 解値), AK-MCS において追加サンプル点の選択方法が異なる従来 手法,および提案手法の結果を重ねて示している。なお、従来手法 は Echard ら²³⁾が提案した以下の評価関数が最小となる点を追加サ ンプル点として選択する手法であり、収束条件は(12)式の評価関数 がすべてのxにおいて2以上という条件である。また、提案手法は2 節で提案した手法である。

$$U(x) = |z^{*}(x) - C| / \sigma^{*}(x)$$
(12)

Fig.8より,AK-MCS で CSR を算出した2ケースはいずれも MCS で CSR を算出した場合と同様の結果が得られており,計算精度は良好である。また,パレート解となった解析ケースの解析回数を平均





した値を Table 1 に示す。Table 1 より,提案手法の方が関数 A では 29%,関数 B の場合では 27%少ない。実際の応答解析は時刻歴応答 解析や FEM 解析など解析時間を要するのに対し,クリギングによ る応答推定は(4)式の逆行列計算を一度実施すれば線形和で求めら れるため,サンプル点数が解析時間に直結する。従って,提案手法 は RBDO の計算時間短縮に効果的である。



Fig. 8 Pareto solutions of RBDO results (benchmark function)

Table 1 Average number of sample points of Pareto solution set

Method	function A	function B
MCS	15000	15000
Echard ²³⁾	55.75	55.86
Proposed	39.33	40.61
Ratio (Proposed / Echard ²³)	70.5%	72.7%

4. ロバスト最適化設計例で対象とする IMD 連結制振建物の概要

提案 RBDO によるロバスト最適設計例を示す。設計対象は Fig. 9 に示す連結制振建物の連結ダンパー諸元とする。建物の主構造は超 高層集合住宅の居住棟、副構造はタワーパーキング棟とし、層数は いずれも 31 層とする。連結要素は Fig. 10 に示す IMD とオイルダン パーの並列配置としている。連結層は文献28)と同様,主構造の固有 モードの腹となる4層(8,13,22,31層)とした。設計変数はそれぞ れの IMD 慣性質量およびオイルダンパー減衰係数の計 8 種類であ る。解析に用いる諸元は、主構造の各層の質量をim1 = 1.08× 10⁶(kg)とし、副構造の各層の質量は_im₂ = 1.08×10⁵(kg)とする。こ こで, 左下の添え字は層番号を表し, 右下の添え字は1 が主構造, 2 が副構造を表す。主構造に対する副構造の総質量比µは、µ= $\sum_{i} m_2 / \sum_{i} m_1 = 0.10$ である。主構造および副構造の設計用1次固有周 期はそれぞれ3.5秒,1.0秒に設定し,層剛性は1次モードの形状が 直線分布となるよう設定した後に実状に沿った剛性分布とするため, 主構造、副構造ともに上4層の剛性は上から5層目の剛性と同一と した。構造減衰は剛性比例型で設計用減衰定数を 2%とし、階高は 3.5m とした。

本論文で想定する IMD を Fig. 11 に示す。左端の支持点では軸方 向変位のみ拘束し、ボールナットを回転自在とする。右端では回転 を拘束し、ボールねじの軸方向変位を自由としている。フライホイ ール(回転錘)はボールナットと一体化している。

ボールねじの軸方向変位 x により,回転慣性 I_{θ} をもつフライホイールを θ 回転させたときの軸方向力(反力)を F とする。ボールねじのリード(ねじ山ピッチ)を L_d ,フライホイールを円盤状として径を D,質量を m とすると, x = $\theta L_d/(2\pi)$ より次式が成立する。

$$F = \frac{I_{\theta}\ddot{\theta}}{L_d/(2\pi)} = \left(\frac{2\pi}{L_d}\right)^2 I_{\theta}\ddot{x} = \frac{\pi^2 D^2}{2L_d^2} m\ddot{x} = z\ddot{x}$$
(13)

揭載予定稿

構造系 805号

(13)式より、反力Fはボールねじとボールナットの相対加速度花に 比例し, zが軸方向の慣性質量となる。フライホイールの形状寸法や ボールねじのリードにもよるが,慣性質量zはフライホイール質量m の数百倍~数千倍の値をとる。

文献 27)より, IMD で連結することで副構造を主構造に対して TMD のように同調させ主構造の応答倍率を低減することができる。

本検討では, Table 2 および Fig. 12 に示す計 10 波のレベル 2 告示 波(ランダム位相)の地震動に対して主構造最大層間変形角の層平 均値を算出し、それらの最大値を建物の応答値の目的関数に設定し た。これは、地震動の周波数特性による影響を極力排除し、主構造 全体の層間変位の低減を目的とした連結ダンパー諸元を得るためで ある。また、本検討のクライテリアは上記の応答値が 0.004 (1/250) 以下と設定した。

物性ばらつきを考慮しない場合の連結ダンパーコストと応答値の 同時最適化問題は(14)式のように表すことができる。

$$\begin{cases} \text{minimize Response} = \max_{\substack{j=1,2,\dots,10}} \left(\Delta_j(x) \right) \\ \text{and Damper cost} = \sum_i \mu_z + \sum_i h_c \quad \text{(for all } i) \end{cases}$$
(14)

ここで、Δ,はj番目の地震動入力時の最大層間変形角の層平均値を表 す。なお、例題では建物の復元力やダンパーは線形として解析して いる。また、第i層の連結 IMD 量および第i層の連結オイルダンパー 量を(15a), (15b)式で表す。

$$_{i}\mu_{z} = _{i}z/M_{1} \quad (\text{for all } i) \tag{15a}$$

$$_{i}h_{c} = {}_{i}c_{c}/c_{r} \quad (\text{for all } i) \tag{15b}$$

(15a)式は、主構造総質量M1に対する慣性質量の比を示している。 (15b)式は、オイルダンパーの減衰係数を主構造1質点縮約かつ副構 造剛体仮定時の臨界減衰係数 $c_r = 2\omega_1 \sum_i m_i$ で無次元化している。な お,ω1は非連結時の主構造の非減衰1次固有円振動数である。

本例題では, IMD 連結制振の同調性には必ずしも拘らず, 時刻歴 応答解析に基づく応答値の最小化を実施するため、連結ダンパーの コスト指標として(15a)式に示す連結 IMD 量および(15b)式に示す



0 01 1 Natural period [sec] Fig. 12 Pseudo velocity response spectrum

10



連結オイルダンパー量の単純和を用いる。実際の建物では、ダンパ ーのコストはダンパーの種類やダンパーに生じる慣性力や減衰力, ストロークの影響を受けるが,ここでは簡便のため単純和を用いた。

物性ばらつきを考慮しない場合の連結ダンパーコストと応答値の パレート解集合を Fig. 13 に示す。本設計例では、クライテリアに対 し 5%程度余裕を有する連結ダンパー諸元(Fig. 13 中の〇印)を, ロバスト性を考慮しない場合の最適解(Non-Robust Optimization solution:NRO solution)とした。このときの連結ダンパー諸元を6節 中の Table 3 に示す。



5. 建物物性のばらつきを考慮したロバスト性の定量的評価

次に,ばらつきを考慮した場合の CSR 評価を行う。本論文で対象 とするばらつきは、主構造の非減衰1次固有周期T,および主構造の 構造減衰定数h₁とする。このようなばらつきは、建物の振動性状の 変化を伴うため、従来の部分係数法や信頼性指標による設計では考 慮できず、確率の直接照査が必要となる。それぞれのノミナル値は 4節で設定した値とする。ばらつき幅は文献 30)を参考に、1次固有 周期はノミナル値の±20%,構造減衰の1次減衰定数はノミナル値 の±40%とした(Appendix 1 参照)。上記を(1)式に当てはめると、n= 2, $\tilde{x}_1 = \Delta x_1 = \tilde{T}_1 = 3.5(1)$, $\tilde{x}_2 = \Delta x_2 = \tilde{h}_1 = 0.02$, $\alpha_1 = 0.2$, $\alpha_2 = 0.4$ となる。解析では、建物の剛性や構造減衰の分布形状はばらつきに よらず4節と同様とし、1次固有周期や1次減衰定数のばらつきに 応じて剛性や構造減衰の値を係数倍した解析モデルを種々作成し, 時刻歴応答解析を実施する。

なお,十分な観測データ数が得られていないことや,経年変化, 地震経験後の変化等を勘案し、ばらつきの確率分布は一様分布と仮 定する。

まず、ロバスト性を考慮しない場合の最適解のときのロバスト性 を信頼性手法に基づき評価する。クライテリアを満足する確率 CSR は、建物物性のばらつきを考慮したときの応答のばらつきがクライ テリアを満足する確率として次式で表される。

$$CSR = \iint_{\substack{j=1,2,\dots,10\\j=1,2,\dots,10}} f_X(\boldsymbol{x}) d\boldsymbol{x}$$
(16)

ただし、f(x)は設計変数のばらつき確率密度関数を表し、クライテ リアCは4節と同様C=0.004とした。

CSR の算出は2節で定義した提案手法で行う。初期サンプル点は 25 点(5×5 グリッド)とした。

8

9

10

394

387

340

318

384

Fig. 14 に、4 節で設定したロバスト性を考慮しない場合の最適解 の連結ダンパー諸元のモデルに対し、建物物性のばらつきを考慮し た応答推定曲面を示す。Fig. 14 より、主構造固有周期がノミナル値 より長く、主構造の構造減衰定数がノミナル値より小さくばらつい たときにクライテリアを超過する傾向がある。ロバスト性を考慮し ない場合の最適解(NRO solution)のクライテリアを満足する確率 CSR は 0.714 であった。



Fig. 14 Robust analysis (NRO solution)

6.IMD 連結制振システムの RBDO

続いて、RBDO による最適連結ダンパー諸元の設計を行う。設計 変数は計 8 個 ($_{i}\mu_{z}$, $_{i}h_{c}$: i = 31,22,13,8) であり、考慮するばらつきは 5 節と同様である。RBDO では、次の同時最適化問題を解く。

maximize	CSR	(17)
minimize	Damper cost	(17)

ただし, CSR および Damper cost はそれぞれ(16)式, (14)式による。 最適化のアルゴリズムは modeFRONTIER²⁹⁾の pilOPT とし, 解析 実行回数を 4000 としてパレート解を取得する。

Fig. 15 に, RBDO による CSR とDamper costのパレート解集合お よび建物物性のばらつきを考慮しないときの最適解 (NRO solution) の位置を示す。Fig. 15 より, NRO solution と同一のコストで CSR を 改善する解 (RO solution A) や,同一の CSR でコストを改善する解 (RO solution B), CSR が概ね 1.0 となるときのコスト最小解 (RO solution C: 従来のロバスト最適解)が得られる。

それぞれの解の連結ダンパー諸元を Table 3 に示す。また,コスト と CSR の関係を Table 4 に示す。ただし,2 節で提案した CSR 算出 手法の精度が誤差 1%のため,CSR の小数点以下 3 位を四捨五入し たときに 1.0 となるときの解を RO solution C とした。



Fig. 16 に, RO solution A, RO solution B および RO solution C の連 結ダンパー諸元を用いた場合における,ばらつきを考慮した応答推 定曲面を示す。Fig. 14 および Fig. 16 より,以下の点が確認できる。 ①NRO solution はノミナル値における応答を指標とした最適化を行 うため,ノミナル値における応答は RO solution A, RO solution B に

Table 3 Damper parameters of N	NRO solution	and RO	solutions
--------------------------------	--------------	--------	-----------

Solution	$_{31}h_c$	$_{22}h_{c}$	$_{13}h_{c}$	$_{8}h_{c}$	$_{31}\mu_{z}$	$_{22}\mu_{z}$	$_{13}\mu_{z}$	$_{8}\mu_{z}$
NRO solution	0.054	0.071	0.032	0.000	0.016	0.091	0.000	0.082
RO solution A	0.001	0.095	0.059	0.002	0.112	0.014	0.000	0.063
RO solution B	0.009	0.094	0.056	0.000	0.094	0.019	0.000	0.056
RO solution C	0.006	0.114	0.062	0.028	0.125	0.047	0.024	0.075

Table 4 Damper cost and CSR of NRO solution and RO solutions





(c) Solution C (CSR nearly1.0) Fig. 16 Robust analysis (RO solutions)

掲載予定稿

比べて NRO solution の方が小さい。一方,ロバスト最適化を行うこ とで,NRO solution に比べ同一コストでロバスト性が優れた解や同 ーロバスト性でコストが優れた解を探索することができる。②ロバ スト最適化により,主構造固有周期および主構造の構造減衰定数が +側にばらついたときの応答値が低減される連結ダンパー諸元が得 られた。③RO solution C に比べ,RO solution A のコスト指標は約 72% となり,ばらつき領域内のクライテリア超過を部分的に許容するこ とで,コスト改善効果が得られることを示した。④本例題において は,頂部の連結オイルダンパー量₃₁h_cを減らし頂部の連結 IMD 量 ₃₁µ_zを増加させると,建物物性のばらつきに対するロバスト性が向 上する傾向がある。

7. 結論

種々のばらつきに対する建物の性能ばらつきを表現するために用 いられる「クライテリアを満足する確率を指標としたロバスト最適 設計手法」は、信頼性最適設計(Reliability-Based Design Optimization: RBDO)ともいわれる。RBDOの課題として、従来の信頼性指標に 基づく手法は、性能関数が複雑な形状の場合に適用が困難であるこ と、確率を直接照査する場合は計算負荷が大きいことが挙げられる。 本論文では、慣性質量ダンパーを用いた連結制振建物に対する、建 物物性のばらつきを考慮した連結ダンパー諸元のロバスト最適設計 問題において、上記の課題を解決するクリギングを用いた新しい高 精度高効率応答曲面近似手法を提案した。

提案手法の特徴は、クライテリア境界の近似精度向上のための新 規サンプル点の取得アルゴリズムを、既存のサンプル点からの空間 的距離に基づき設定することである。提案手法の妥当性確認のため、 2 種類のベンチマーク関数を用いた信頼性最適化の検討を行った。 モンテカルロシミュレーションや既往のクリギングを用いた応答曲 面近似手法に比べ、提案手法は同等の精度で計算効率を改善できる ことを確認した。

以下に,得られた知見や適用範囲を示す。

- 連結制振建物の連結ダンパー諸元のロバスト最適設計問題において、建物物性のばらつきを考慮せずにノミナル応答値を最小化する連結ダンパーの最適解(NRO solution)は、建物物性のばらつきを考慮した場合の「応答値のクライテリアを満足する確率(CSR)」と「連結ダンパーのコスト」の多目的最適化において非パレート解となる。従って、建物物性のばらつきを考慮した場合のパレート解(RO solutions)は、NRO solutionに比べてコストが同等でCSR に優れた解や、CSR が同等でコストに優れた解を提供することを示した。
- 2) 提案する応答曲面近似手法は内挿近似であるため、初期サンプ ル数が多いほど応答曲面の近似精度が向上するが、解析に要す る時間は増加する。対象とする性能関数が局所的に急変するケ ースでは、初期サンプル位置によっては正しく近似できない可 能性がある。また、ばらつきには上下限を設定する必要がある。 正規分布のような上下限を有しない分布の場合、適切な上下限 を設定した上で、上下限外の事象が発生する確率を2節におけ る手順(2-5)の CSR 算出の誤差に加える等の工夫が必要となる。

 本手法は応答曲面法を採用しているため、対象となるばらつき は連続関数により表現可能なものとする。地震動の種類など、 離散型のばらつきは対象外とする。

- 4)本論文で扱ったばらつきは2変数であるが、クリギングによる空間内挿は理論上多変数へ適用可能である。ただし、初期サンプル点の増加に伴い共分散行列が悪条件化し、逆行列計算が困難となる。従って、感度解析や工学的判断等により考慮するばらつき変数を絞ることが重要である。なお、ばらつきが3変数の場合の提案手法によるCSR評価例をAppendix2に示した。
- 5) 2 種類のベンチマーク関数を用いた妥当性検証において、クリ ギングを用いた既往手法に比べ提案手法は解析回数を約 27%~ 29%削減できており、追加サンプリング点を選択する際の距離 の算出の手間が非常に少ないことから、RBDO を効率的に行う ことができる。
- 6) 確率的ロバスト最適化では性能(クライテリアを満足する確率) とコストのトレードオフ関係が明示できるため、従来の非確率 的ロバスト最適化により得られる最適解を含む幅広い最適解群 の中から、発注者や設計者が要求性能やコストの制約に応じて 適切な解を選択するのに有効である。

なお、本論文では一様確率分布のみを対象とし、初期サンプリン グはばらつき幅を等間隔に区切って設定した。一様確率分布以外の 確率分布に対する初期サンプリング点の効率的設定手法については 今後の課題とする。

また、本論文では IMD の軸剛性ばねやボールねじの摩擦による影響を考慮していない。軸剛性ばねを考慮すると IMD と付加振動系を 構成することとなり、付加振動系の固有周期と建物の固有周期が近 接する場合は共振による応答への影響を考慮する必要がある。ボー ルねじの摩擦力は一般的に IMD のダンパー耐力の数%程度である ため、本論文では摩擦の影響を無視した。一方、入力地震動のレベ ルが小さい場合は摩擦の影響が無視できない可能性がある。

参考文献

- Yamakawa M, Yoshitomi S. and Uetani K.: Optimum design method of steel building frames using expression of a member section based on mixtures of probabilistic principal component analyzers, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No. 583, pp.77-83, 2004 (in Japanese) 山川誠, 吉富信太, 上谷宏二: 混合主成分分析による部材断面 表現を用いた鋼構造骨組の最適設計法, 日本建築学会構造系論文集, Vol. 583, pp. 77-83, 2004 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.69.77_3)
- Takewaki I. : Optimal damper placement for minimum transfer functions, Earthquake Engineering and Structural Dynamics, Vol.26, pp.1113-1124, 1997 (DOI: https://doi.org/10.1002/(SICI)1096-9845(199711)26:11<1113::AID-EQE 696>3.0.CO;2-X)
- Adachi, F. et al. : Nonlinear optimal oil damper design in seismically controlled multi-story building frame, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, Vol.44, Issue 1, pp.1-13, 2013 (DOI: https://doi.org/10.1016/j.soildyn.2012.08.010)
- 4) Nishihara M. and Tamori S.: An optimal selection method for damping coefficient and relief force of oil damper by a multi-objective genetic algorithm, AIJ Journal of Technology and Design, Vol. 21, No.49, pp. 949-954, 2015 (in Japanese) 西原 芽衣,田守伸一郎: 多目的遺伝的アルゴリズムを用いたオイルダンパーの 減衰係数とリリーフ荷重の最適選択手法,日本建築学会技術報告集,第 21 巻,第 49 号, pp. 949-954, 2015 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijt.21.949)
- 5) Takei, H. et al.: Proposal of the damper arrangement using optimization method, part 1 New design flow and explanation of the study model, Summaries of Technical Papers of Annual Meeting, Architectural Institute of Japan, B-1, Structures I pp.205-206, 2019 (in Japanese) 武居 秀樹ほか5名: 最適化手法を 用いたダンパー配置検討法の提案,その1 提案設計フローと検討モデルの 説明,日本建築学会大会学術講演梗概集,構造 I, pp.205-206, 2019
- 6) Alefeld G. and Mayer G. : Interval analysis: theory and applications , Journal of

構造系 805 号



- Ben-Haim Y. and Elishakoff I. : Convex Models of Uncertainty in Applied Mechanics, Elsevier, 1990
- 8) Fujita K. and Takewaki I.: Earthquake response bound analysis of uncertain baseisolated buildings for robustness evaluation, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol. 76, No. 666, pp.1453-1460, 2011 (in Japanese) 藤田皓平,竹脇出:不確定な構造特性を有する免震建物のロバ スト性評価のための地震時応答限界解析,日本建築学会構造系論文集,第 76 巻,第 666 号, pp. 1453-1460, 2011 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.76.1453)
- 9) Takewaki I.: Maximum global performance design for variable ritical excitations, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No. 539, pp.63-69, 2001 (in Japanese) 竹脇出:変動クリティカル外乱に対するグロー バル性能最大化設計,日本建築学会構造系論文集,第539号, pp. 63-69, 2001 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.66.63_1)
- 10) Takewaki I.: New evaluation method of robustness of structures with uncertainties based on non-probabilistic approach, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No. 581, pp.55-61, 2004 (in Japanese) 竹脇出:不確定性を有する構造物のロバスト性の非確率的評価 法,日本建築学会構造系論文集,第 581 号, pp.55-61, 2004 (DOI: https://doi. org/10.3130/aijs.69.55 4)
- Ben-Haim Y. : Info-gap decision theory: decisions under severe uncertainty, Elsevier, 2001
- 12) Takewaki, I. and Y. Ben-Haim : Info-gap robust design with load and model uncertainties, Jornal of Sound and Vibration, Vol. 288, pp. 551-570, 2005 (DOI: https://doi.org/10.1016/j.jsv.2005.07.005)
- Kanno Y. and Takewaki I. : Robustness analysis of elastoplastic structure subjected to double impulse, Journal of Sound and Vibration, Vol. 383, pp. 309-323, 2016 (DOI: https://doi.org/10.1016/j.jsv.2016.07.023)
- 14) Yamakawa M. and Ohsaki M.: Robust design optimization considering parameter variation of seismic characteristics using order statistics, Journal of Structural Engineering, AIJ, Vol. 62B, pp.381-386, 2016 (in Japanese) 山川誠, 大崎純: 順序統計量を用いて地震動特性のパラメータ変動を考慮したロバスト最 適設計,日本建築学会構造工学論文集, Vol. 62B, pp.381-386, 2016
- 15) Fujita K. and Yasuda K.: Robust optimization for damper placement under structural uncertainties using robustness function, Journal of Structural Engineering, AIJ, Vol. 62B, pp.387-394, 2016 (in Japanese) 藤田皓平, 安田圭 佑: 制振建物における種々の構造物特性の変動を考慮したロバスト最適 ダンパー配置,日本建築学会構造工学論文集, Vol. 62B, pp. 387-394, 2016
- 16) Yasuda K., Fujita K. and Takewaki I.: Robustness evaluation method for elasticplastic base-isolated high-rise building structure, Summaries of Technical Papers of Annual Meeting, Architectural Institute of Japan, B-2, Structures II pp. 811-812, 2017 (in Japanese) 安田圭佑,藤田皓平,竹脇出: 地震時弾塑性応答 を考慮した高層免震建物のロバスト性評価法,日本建築学会大会学術講 演梗概集,構造 II, pp. 811-812, 2017
- 17) Makita K., Kondo K. and Takewaki I I. : Finite difference method-based critical ground motion and robustness evaluation for long-period building structures under uncertainty in fault rupture, Frontiers in Built Environment, Volume 5: Article 2, 2019
- 18) Ono T. et al.: Structural reliability analysis with consideration of parameter uncertainties, Journal of Structural Engineering, AIJ, Vol. 41B, pp.159-164, 1995 (in Japanese) 小野徹郎ほか3名:パラメータの不確定性を考慮した構造 信頼性解析,構造工学論文集, Vol. 41B, pp. 159-164, 1995
- 19) Zhao Y. G. and Ono T.: Structural reliability analysis using moment methods Part 1, basic ideas, Summaries of Technical Papers of Annual Meeting, Architectural Institute of Japan, B-1, Structures I pp. 13-14, 1999 (in Japanese) 趙衍剛, 小野徹郎: モーメント法による構造信頼性解析: その 1, 基本 的な考え方, 日本建築学会大会学術講演梗概集, 構造 I, pp. 13-14, 1999
- 20) Kotani, T. et al.: Numerical-analysis-aided probablistic tsunami hazard evaluation using response surface, Japan Society of Civil Engineers, Ser. A2, Vol. 72, No.1, pp. 58-69, 2016 (in Japanese) 小谷拓磨ほか7名:応答曲面を用いた数値解 析援用確率論的津波ハザード評価,土木学会論文集 A2(応用力学), Vol. 72, No. 1, pp.58-69, 2016 (DOI: https://doi.org/10.2208/jscejam.72.58)
- 21) Hirohata K. et al: Proposal for structural reliability design method based on response surface methodology and bayes theory, The Japan Society of Mechanical Engineers, Vol. 67, No. 660, pp. 1297-1304, 2001 (in Japanese) 廣

畑賢治ほか6名: 応答曲面法およびベイズ理論に基づく構造信頼性設計 手法の提案,日本機械学会論文集(A編),67巻,660号,pp.1297-1304,2001 (DOI: https://doi.org/10.1299/kikaia.67.1297)

- 22) Zhao Y. G., Ono T. and Suzuki M.: Dynamic structural reliability evaluation considering parameter uncertainties, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No. 497, pp.33-38, 1997 (in Japanese) 趙衍 剛, 小野徹郎, 鈴木誠: パラメータの不確定性を考慮した動的構造信頼 性評価, 日本建築学会構造系論文集, 第 497 号, pp. 33-38, 1997 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.62.33_1)
- 23) Echard B., Gayton N. and Lemaire M. : AK-MCS: An active learning reliability method combining Kriging and Monte Carlo Simulation, Structural Safety, Vol. 33, pp. 145-154, 2011 (DOI: http://dx.doi.org/10.1016/j.strusafe.2011.01.002)
- 24) Kitahara M. Broggi M. and Beer M.: Efficient seismic performance estimation method by surrogate modeling based on adaptive Kriging and Markov Chain Monte Carlo, Journal of Japan Society of Civil Engineers, Ser. A2, , Vol. 76, No. 1, pp. 75-86, 2020 (in Japanese) 北原優, Broggi M., Beer M.: 適応型クリギ ングと MCMC 法に基づく代替モデルを用いた効率的な耐震性能評価手法, 土木学会論文集 A2(応用力学), Vol. 76, No. 1, pp. 75-86, 2020 (DOI: https://doi.org/10.2208/jscejam.76.1_75)
- 25) Okada Y. and Ogawa S.: Application of GA to reliability-based optimum design, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No. 470, pp.29-34, 1995 (in Japanese) 岡田康男:最適信頼性設計への GA の適用に 関する研究,日本建築学会構造系論文集,第 470 号, pp. 29-34, 1995 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.60.29_1)
- 26) Hishiki T. et al.: Reliability analysis of single layer lattice shells with shapes by robust optimization for geometric initial Iimperfection, Summaries of Technical Papers of Annual Meeting, Architectural Institute of Japan, B-1, Structures I pp. 941-942, 2020 (in Japanese) 日紫喜智昭ほか3名:形状初期不整に対して ロバスト最適化された単層ラチスシェルの信頼性解析,,日本建築学会大 会学術講演梗概集,構造 I, pp. 941-942, 2020
- 27) Murase, M., Takewaki, I.: Optimal specifications of inertial mass damper used for building connection system, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol. 86 No. 784, pp.912-923, 2021 (in Japanese) 村瀬 充, 竹脇 出: 慣性質量ダンパーを用いた連結制振構造の最適慣性質量ダンパ 一量,日本建築学会構造系論文集,第86巻, No.784, pp.912-923, 2021 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.86.912)
- 28) Murase, M., Takewaki, I.: Robust design of building-connection inertial-mass damper for uncertain earthquake input using input energy analysis, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol. 87 No. 799, pp. 902-911, 2022 (in Japanese) 村瀬 充, 竹脇 出: 地震動特性の変動にロ バストな連結慣性質量ダンパーの入力エネルギー解析を用いた最適パラ メター設定, 日本建築学会構造系論文集, 第 87 巻, No.799, pp. 902-911, 2022 (DOI: https://doi.org/10.3130/aijs.87.902)
- 29) modeFRONTIER ESTECO SpA, https://www.esteco.com/modefrontier
- 30) Yokota H. et al.: Damping properties of high-rise steel buildings based on data of vibration tests and earthquake observatons, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No. 453, pp.77-84, 1993 (in Japanese) 横田治彦ほか2名: 振動試験および地震観測データに基づく鉄 骨造高層建物の減衰性状,日本建築学会構造系論文集, Vol. 453, pp. 77-84, 1993

Appendix 1 建物の固有周期と減衰定数のばらつき

文献 30)に、振動試験から得られる建物の固有周期および減衰定数の観測記録、並びにそれらの回帰直線式が示されている。Fig. A1 および Fig. A2 に文



Fig. A1 Relations between eave height and 1st natural period (Modified from Fig. 1 of reference No. 29)

揭載予定稿





献30)で示されている建物の1次固有周期や1次減衰定数の観測記録,回帰直線 (黒線),および筆者が追記した回帰直線の±20%,±40%の直線(赤線)を 示す。図より,多くのデータが赤線の内部に存在しているため,これらの値 をばらつき幅の数値として採用した。



Fig. A2 Relations between 1st natural frequency and 1st damping ratio (Modified from Fig. 9 of reference No. 29)

Appendix 2 ばらつき対象が3変数の場合のCSR評価

ばらつき対象が3変数の場合のCSR評価の例として、ここでは本稿で用いたベンチマーク関数であるRosenbrock 関数を用いて、MCSおよび提案手法によるCSR算出結果を比較する。3変数のRosenbrock 関数の真値を(A1a)式で表す。

ノミナル値を $\mathfrak{x} = \{0,0,0\}$ とし、 x_1, x_2, x_3 がそれぞれノミナル値から $\alpha_1 = 2, \alpha_2 = 2, \alpha_3 = 2$ だけばらつくときのクライテリアを満足する確率 CSR を考える。なお、本例題ではいずれのばらつきも一様分布と仮定する。また、クライテリアはC = 500と設定した。設計区間 $\mathbf{x}(\mathfrak{x}, \alpha)$ は(A1b)式で表される。

$$100(x_2 - x_1^{2})^2 + (x_1 - 1)^2 + 100(x_3 - x_2^{2})^2 + (x_2 - 1)^2$$
(A1a)
$$\mathbf{x}(\tilde{\mathbf{x}}, \boldsymbol{q}) = \{x_i | [\tilde{x}_i - q_i], \tilde{x}_i + q_i], i = 1, 2, 3\}$$
(A1b)

なお、この例題では、提案手法の解の収束に関する手順2-5の判定値を5% に変更した。これは、結論4)で示した通り、ばらつき変数の増大に伴い解の 収束に必要なサンプル数が増加することで、共分散行列が悪条件化し、逆行 列計算が困難となることへの対応である。この変更により、提案手法におい てクリギング推定値が正規分布に従うものと仮定したとき、信頼区間約95% でCSRの値の誤差が5%以内となる。

同等の CSR 計算誤差を与える MCS の計算回数を検討するため, MCS の計算回数をパラメターとし, それぞれ 1000 回計算した際の CSR の平均値Eおよび標準偏差 σ を用いて, MCS により算出した CSR の値が正規分布に従うもの と仮定したときの 95%信頼区間における CSR 算出誤差を式(A2)に基づき算出した。

$$\varepsilon_{95} = 2\sigma/E \tag{A2}$$

Fig. A3 に式(A2)の算出結果を示す。Fig. A3 より,提案手法と同程度の CSR 算出誤差となる MCS の計算回数は 2000 回であった。

本例題に対する MCS および提案手法の CSR 算出結果とサンプル数 (関数 の数値計算回数) を Table A1 に示す。なお,提案手法の初期サンプルは 27 点 (3×3×3 グリッド)とした。また, MCS の CSR の値は試行 1000 回の平均値 の値を示している。本例題では,提案手法の追加サンプル点数は 90 点であり, MCS と比較し十分に少ない計算回数で指定した誤差範囲内に納まる CSR を 算出することができた。

Fig. A4(a)に,式(A1a)の直接数値計算で求めたクライテリア境界の 3D 分布 図を示す。なお,境界に対しx₃が大きい側がクライテリアを満足する領域で ある。また,Fig. A4(b)に,提案手法によるクリギング応答曲面で求めたクラ イテリア境界の 3D 分布図を示す。図中に,初期サンプル点および追加サンプ ル点も併せて示す。

Fig. A5 に、それぞれのx₃の値における断面図を示す。Fig. A4 および Fig. A5 より、ばらつき範囲の端部となる Fig. A5 (a)や Fig. A5 (e)でわずかにクライテリア境界に誤差があるものの、その他の領域のクライテリア境界は十分な精



度で推定できている。以上より,ばらつき変数が3変数の場合にも提案手法 を適用できることを確認した。

Table A1 CS	R calculatior	result and	number	of	sample	points
-------------	---------------	------------	--------	----	--------	--------

Method	CSR	Number of sample points
MCS	0.442	2000
Proposed	0.423	117
Ratio (Proposed / MCS)	0.96	0.06



Fig. A4 Border of criteria in 3D (three parameters Rosenbrock function)



Fig. A5 Border of criteria in section (three parameters Rosenbrock function)

(2022年7月7日原稿受理, 2022年10月25日採用決定)